

$$2.1 \quad \vec{AB} = \begin{pmatrix} 115 \\ -151 \\ 0 \end{pmatrix} \quad \vec{DC} = \begin{pmatrix} 115 \\ -151 \\ 0 \end{pmatrix} \quad \vec{AD} = \begin{pmatrix} 151 \\ 115 \\ 0 \end{pmatrix} \quad \vec{BC} = \begin{pmatrix} 151 \\ 115 \\ 0 \end{pmatrix}$$

- alle vier Seiten haben den gleichen Betrag  $\sqrt{36026}$
- $\vec{AB} \cdot \vec{AD} = 0$  und  $\vec{DC} \cdot \vec{BC} = 0$ , d.h. stehen senkrecht aufeinander.  
Das Viereck ist ein Quadrat.

Mittelpunkt (123/2/0)

2.2

$\vec{LS} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 105 \end{pmatrix}$  dieser Vektor steht senkrecht auf der Grundfläche ABCD, die in der x-y-Ebene liegt, also ist  $\vec{LS}$  Lot

Die Höhe beträgt 105 m.

$$\vec{EF} = \begin{pmatrix} 76 \\ -100 \\ 0 \end{pmatrix} \quad \text{Betrag: } 4 \cdot \sqrt{986}$$

Pyramidenstumpf:  $V = \frac{1}{3} \cdot 45 \text{ m} \cdot (36026 \text{ m}^2 + \sqrt{36026} \cdot 4 \cdot \sqrt{986 \text{ m}^2} + 16 \cdot 986 \text{ m}^2) = 1134630 \text{ m}^3$

Spitze:  $V = \frac{1}{3} \cdot 16 \cdot 986 \text{ m}^2 \cdot 60 \text{ m} = 315520 \text{ m}^3$

Volumen der Knickpyramide: 1450150 m<sup>3</sup>

2.3

$$\vec{n} = \vec{AB} \times \vec{AE} = \begin{pmatrix} 115 \\ -151 \\ 0 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 45 \\ -6 \\ 45 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -6795 \\ -5175 \\ 6105 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} -10 \\ 20 \\ 0 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} -6795 \\ -5175 \\ 6105 \end{pmatrix} = -35550$$

$$\text{Ebene: } -6795x - 5175y + 6105z + 35550 = 0$$

$$453x + 345y - 407z - 2370 = 0$$

$$\text{Winkel: } \cos(\alpha) = \frac{\vec{n} \cdot \vec{n}_1}{|\vec{n}| \cdot |\vec{n}_1|} \quad \text{mit } \vec{n}_1 = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\alpha = 54,44^\circ$$

2.4

### Lösungsweg 1

$S(123/2/105)$        $T'(37,5/-63/z)$      $z$  ist die Höhe des Masten

$$\text{Geradengleichung des Lichtstrahls: } \vec{x} = \begin{pmatrix} 123 \\ 2 \\ 105 \end{pmatrix} + s \cdot \begin{pmatrix} -85,5 \\ -65 \\ z-105 \end{pmatrix}$$

der Lichtstrahl muss über die Kante EF gehen

$$g_{EF}: \vec{x} = \begin{pmatrix} 35 \\ 14 \\ 45 \end{pmatrix} + r \cdot \begin{pmatrix} 76 \\ -100 \\ 0 \end{pmatrix}$$

ergibt durch Gleichsetzen:  $r = 0,5$      $s = 0,584729$      $z = 2,39$

Die Mindesthöhe muss 2,39 m betragen.

### Lösungsweg 2

$$\text{Gleichung der Ebene } E_{EFS} : \vec{x} = \begin{pmatrix} 35 \\ 14 \\ 45 \end{pmatrix} + r \cdot \begin{pmatrix} 76 \\ -100 \\ 0 \end{pmatrix} + s \cdot \begin{pmatrix} 88 \\ -12 \\ 60 \end{pmatrix}$$

$$\vec{n} = \begin{pmatrix} -6000 \\ -4560 \\ 7888 \end{pmatrix}$$

$$E_{EFS} : -6000x - 4560y + 7888z - 81120 = 0$$

$$\text{Gleichung des Scheinwerfers: } \vec{x} = \begin{pmatrix} 37,5 \\ -63 \\ 0 \end{pmatrix} + t \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

Schnittpunkt von Ebene und Scheinwerfer ergibt :  $r = 2,388$

Die Mindesthöhe muss 2,39 m betragen.